動的自己想起型ニューラルネットにおけるパターン識別性能の学習条件依存性

道法 浩孝

(高知大学人文社会科学系教育学部門)

Dependence of Pattern Identification Performance on Pattern Storage Conditions in Dynamic Autoassociative Neural Networks

Hirotaka DOHO

Education Unit, Humanities and Social Sciences Cluster, Kochi University

Abstract : In the conventional stationary Hopfield memory model, the interaction with the external system is restricted only in the initial state, in which the external information is acquired. The subsequent transitions of network states are alleviation process which converges to the lower energy point attractor of network state internally as a closed system. This limits the model's application as the scheme of memory model. So, we have extended the conventional static memory model to an input-output system that can provide interaction with the external world, and we have proposed a new model of dynamic retrieval in associative memory based on temporal I/O correlations. In our former works, we verified that our model has sufficient capability for pattern information identifications in the case of random and correlated patterns. In this work, we analyze the performance of our pattern identification mechanism under the increase of stored patterns by tuning the stability coefficient of pattern storing. As a result, we have confirmed the region of the parameter which our proposed model indicates a high performance of signal identification independent of the number of stored patterns.

Key words : Dynamic Autoassociative Neural Network, Input-Output Correlation, Pattern Identification Performance, Pattern Storage Condition, Stability coefficient of Pattern Storing

1. はじめに

パターン認識,連想記憶等生物に見られる柔軟で総合 的な情報処理は,脳を構成する個々の神経細胞の性質と その集合体である神経回路網における神経細胞間の創発 作用によって基本的に担われている[1,2].この神経細胞 には,他の神経細胞からの信号電位の影響を総和し(線 形加算性),その総和が神経興奮のためのしきい値を越 えなければ何事も起こらず,越えれば信号を出す(非線 形しきい値性)という2つの特徴が確認されている[3]. ニューラルネットワークは,このような特徴を持つ脳の 神経細胞を多入力・1 出力の非線形素子 (ニューロンモ デル)として数理的にモデル化し(以降,ニューロンと 呼ぶ),そのニューロンを多数個結合させた神経回路網 (ニューラルネット)の相互作用によって情報処理を人 工実現させようとするものである.実際,脳は自己組織 化,環境適応,並列分散処理などの機能を備えている. ニューラルネットワークは,この脳に学ぶことでノイマ ン型コンピュータに代わる新しい情報処理機構の構築を めざすものである [4, 5, 6].

このニューラルネットワークの基礎となるネットワー クモデルのなかで,ニューロンの対称相互結合ネット ワークによって,記憶の機能を簡明に記述したものに ホップフィールドによる連想記憶モデル[7]が知られて いる.ニューラルネットにエネルギーの概念を導入し, 記憶の記銘・想起の機能をニューラルネットにおける力 学系の平衡点の安定性問題として定式化できることを示 した点で意義深いものである.そして,この性質に着目 して,連想記憶のみならず組み合わせ最適化問題等の課 題に適用され,工学的モデルとしての利用が進められて きた [4].

しかしながら,このモデルでは,ネットワーク外部と の接触は初期状態としての外部情報取得時のみに限ら れ,その後のネットワーク状態の遷移は閉じた系として エネルギーの低い安定平衡点(ポイントアトラクタ)へ 移行する緩和過程であり,このままでは記憶と想起のモ デルの枠組みとしては適用できる課題に限界がある.こ の点に関しては,外部からの情報をネットワーク状態に 持続的に作用し続ける入力信号のような存在として位置 づけ,開放系としての動的なシステム化を図るのがより 現実的なモデリングであると考えられる [8,9].

そこで我々は,このモデルを外部との相互作用が可能 な入出力系へ拡張した動的記憶想起モデルを提案し,既 知・未知信号の識別可能性および既知混合パターンを構成 するパターンの同定可能性を確認してきた[10,11,12]. また,入力情報としてランダムパターンに加え非直交パ ターンに対する応答性の評価も行い[13],両パターン信 号に対する高い信号識別・同定性能を確認してきた.

ところで,これまでの研究は,記銘パターン数を比較 的小さい値に固定して実施したものであるが,モデルの ロバスト性,汎用性を考慮すると,記銘パターン数の増 加に対する識別性能の分析が次なる課題となる.記銘パ ターン数の増加に対しては,各記銘パターンの引力圏が 相互に密になり,ネットワーク応答性が劣化することが 予想される.そこで本研究では,この課題に対し,ネッ トワーク構造の決定処法すなわちパターン記銘時の学 習条件の制御を通して,本提案モデルによるパターン識 別性能の分析を行うとともにその改善を図る.具体的に は,パターン記銘時の記憶の安定度および結合荷重更新 単位の設定値に対する本モデルの信号識別性能を,入力 信号とそれに対するネットワーク応答との時間相互相関 に基づいて評価・分析を行う.

2. モデリング

2.1 動的記憶想起モデル

N 個のニューロン $(i = 1, \dots, N)$ が,シナプス結合 $w_{ij}($ ただし, $w_{ii} = 0$) で結ばれたニューラルネットワー クを考える.ホップフィールドによる連想記憶モデルは, N 個のニューロンの可能な結合をすべて認める対称相 互結合型ニューラルネット $(w_{ij} = w_{ji})$ である.このモ デル [7] においては,外部情報はネットワーク初期状態 $\{X_i(0)\}$ として扱われ,その後のネットワーク状態の遷 移は,閉じた系として内部的に進行する.すなわち,外 部情報取得後の各ニューロンの時間発展は,

$$X_i(t+1) = f\left(\sum_{j=1}^N w_{ij}X_j(t) - \theta_i\right) \tag{1}$$

で与えられる.ただし, $f(y) = tanh(y/2\varepsilon)$, ニューロン値 X_i は $-1 \le X_i \le 1$ で定式化されている. θ_i はしきい値である.

この静的記憶想起モデルを外部との相互作用が可能な 形に拡張する.具体的には,外部からの入力信号の寄与 を次のように,(1)式の内部状態に外部入力項 $\{S_i\}(i = 1, \dots, N)$ を付加する形で考慮する.

$$X_{i}(t+1) = f\left(\sum_{j=1}^{N} w_{ij}X_{j}(t) - \theta_{i} + S_{i}(t)\right)$$
(2)

これは,外部入力の効果をネットワーク内の各ニューロン に対する内部状態変化として取り扱うものであり,図示 すると Fig.1 のようになる.閉じたシステムとしての静



Fig.1 Recurrent neural network extended to an input-output system.

的記憶想起モデルの場合と異なり、{*S_i*(*t*)} と {*X_i*(*t*+1)} が互いに入出力の関係にある.

ネットワークのエネルギー関数形式

$$E(\mathbf{X}) = -\frac{1}{2} \sum_{i,j}^{N} w_{ij} X_i X_j + \sum_{i=1}^{N} \theta_i X_i$$
(3)

(外部入力が存在する系では厳密な意味でのエネルギー 関数ではないが,静的記憶想起モデルとの対応上エネ ルギー関数と呼ぶことにする)に対して, $w_{ij} = w_{ji}$ の とき,

$$\frac{\partial E(\mathbf{X})}{\partial X_i} = -\sum_{j=1}^N w_{ij} X_j(t) + \theta_i \tag{4}$$

であることを考慮すると,(2)式は

$$X_i(t+1) = f\left(-\frac{\partial E(\mathbf{X})}{\partial X_i} + S_i(t)\right)$$
(5)

となる.

(5) 式は,入力信号が与えられると,ネットワークの振 る舞いは与えられた入力信号の力 $S_i(t)$ と,その状態に対 応するエネルギ - 関数勾配による引き込み力 $\partial E(\mathbf{X})/\partial X_i$ 両者の競合に依存することを示している.具体的には, Fig.2 に示すように,既知パターン(記銘パターン)に近 い信号が入力された場合には,ネットワーク状態は対応 する局所安定状態付近に誘導され,そこでのエネルギー 関数勾配が大きいため入力信号の影響力が弱められる. 一方,未知パターン(非記銘パターン)に近い信号が入 力された場合には,その誘導先の状態でのエネルギー関 数勾配は小さく,入力信号の影響力が支配的となる.こ の違いは,入力信号に対するネットワーク状態の経時変 化(ネットワーク応答)に反映されることになる.しか も,信号にゆらぎ(一定の範囲内の変動ノイズ)をもた





せることにより,ネットワーク応答の差異はより顕在化 すると期待される.このネットワーク応答性の違いに着 目して既知信号と未知信号の識別を行うモデルが,我々 が提案する動的記憶想起モデルである.

2.2 パターン記銘(既知パターン生成)の学習則

パターン記銘, すなわち, $\{w_{ij}\}$ の決定処方としては, 従来の静的記憶の埋め込み方法およびそれを拡張した以 下のような手法を導入し,学習条件の制御を行う.ネッ トワークに記憶させたいパターン $R^{\mu}(成分表示: \{\xi_i^{\mu}\})$ が ネットワークの局所安定状態(すなわち, $\{X_i(t+1)\} = \{X_i(t)\} = \{\xi_i^{\mu}\})$ に一致するための必要十分条件は,全 ニューロンに対して

$$\gamma_i^{\mu} \equiv \xi_i^{\mu} \sum_{j=1}^N w_{ij} \xi_j^{\mu} > 0 \tag{6}$$

なる条件が成立すればよいことが知られている [4].こ こで,(6) 式を満足する十分条件

$$\gamma_i^{\mu} \equiv \xi_i^{\mu} \sum_{j=1}^N w_{ij} \xi_j^{\mu} > \kappa_{min} (>0) \tag{7}$$

により, γ_i^{μ} の下限値 $\kappa_{min}(>0)$ を導入し, その値の調節を通して局所安定な { ξ_i^{μ} } の引力圏の形成およびその制御を行う. κ_{min} は, その値が大きくなるほどそれに対応する記銘パターン状態が形成する引力圏が拡大され,ネットワーク状態 { $X_i(t)$ } が記銘パターン { ξ_i^{μ} } から多少変位していても最終的に { ξ_i^{μ} } の状態をとるようになる.その意味で γ_i^{μ} は記憶の安定度, κ_{min} は記憶の引力圏パラメータと呼ばれている.さらに, γ_i^{μ} に上限値 κ_{max} を導入し, $\kappa_{min} < \gamma_i^{\mu} \leq \kappa_{max}$ という条件を設定することにより,記銘成立後の各記銘パターンが形成する引力圏すなわち各パターン状態のエネルギー関数値 E の分布を調節する.

ディーデリッヒ (Diederich) とオッパー (Opper) [14] は,与えられた M 個の記銘パターン ($\mu = 1 \sim M$) に 対して (6) 式が成立するまで

$$w_{ij}^{new} = w_{ij}^{old} + \delta w_{ij}^{\mu} \qquad (\delta w_{ij}^{\mu} = \frac{c}{N} \xi_i^{\mu} \xi_j^{\mu}) \qquad (8)$$

によって結合荷重を徐々に変更する逐次型の学習則(以後,逐次学習則と呼ぶ)を提出し,その収束性を証明した.ここで,cは記銘学習時の重み付け(結合荷重更新単位)であり,この値を調節することにより,学習条件の細かい制御が可能となる.

3. シミュレーション

3.1 パターンデータと既知パターン生成

シミュレーションを展開するにあたって,ネットワークを構成する全ニューロン数を 156(N = 156)とし,ニューロンのしきい値と入出力関数の傾きのパラメータを $\{\theta_i\} = 0$, $\varepsilon = 0.015$ (全ニューロン共通)と設定した.パターン情報としては, Fig.3 のように $12 \times 13 (= 156)$ の ユニット構成でランダムパターンを 50 個 $(R^1 \sim R^{50})$ 用意した.これらのパターンはいずれも $\xi_i = 1$ と $\xi_i = -1$ のユニットが半々であり, $R^1 \sim R^{50}$ 間の互いの重なり $q_{\mu\nu} \equiv (1/N) \sum_{i=1}^{N} \xi_i^{\mu} \xi_i^{\nu}$ は $-0.24 \leq q_{\mu\nu} \leq 0.26$ の範囲 に分布している.

Fig.4 は , $R^1 \sim R^{10}$ を既知パターン対象として , 2.2 で説明した逐次学習則を $\gamma_i^{\mu} > 1.0(\kappa_{min} = 1.0)$, c = 1.0という条件の下で実行したときの , 記銘成立後の安定度 $\gamma_i^{\mu}(156 \times 10 = 1560 \text{ 個})$ の度数 (count) 分布 (区分の幅 $\Delta \gamma_i^{\mu} = 0.1$) である .

Fig.5 は,学習終了後の結合荷重 $\{w_{ij}\}$ に基づいて各パターン状態のエネルギー値 E を求めたものである.ネットワークに記銘させた $R^1 \sim R^{10}$ の 10 パターン(以降,既知パターンと呼ぶ)はいずれもほぼ -120付近のエネルギー値に掘り下げられているが,記銘対象としなかった $R^{11} \sim R^{20}$ の 10 パターン(以降,未知パターンと呼







Fig.4 Distribution of the stability coefficients after the iterative learning for $R^1 \sim R^{10}$.



Fig.5 Comparison of the energy function values between stored patterns $R^1 \sim R^{10}$ and non-stored patterns $R^{11} \sim R^{20}$.

ぶ)は、0付近(±5)のエネルギー値に留まっている. 各パターン状態 { ξ_i^{μ} }に対応するエネルギー値は、(3)式 に(6)式を考慮すると、 $E^{(\mu)} = -(1/2)\sum_{i,j}^N w_{ij}\xi_i^{\mu}\xi_j^{\mu} = -(1/2)\sum_{i=1}^N \gamma_i^{\mu}$ であり、これに既知パターンの γ_i^{μ} の 平均が概ね1.5である(Fig.4より)ことを適用すると、 $\overline{E^{(\mu)}} \simeq -(1/2) \times N \times 1.5 = -(1/2) \times 156 \times 1.5 = -117$ が得られる.

3.2 ネットワーク応答性の評価

入力パターン情報としては,Fig.3の各パターンに対し, 一定レベルのゆらぎを持たせて入力信号を作成する.ゆ らぎ生成の具体的な手順を以下に述べる.パターン情報 R^{μ} (成分表示: { ξ_i^{μ} })を構成する156個の要素から幾つか の要素をランダムに抽出し,その要素の値を反転させる (1 -1,-1 1).そのときの抽出個数は,設定された ゆらぎレベルに応じてランダムに決定される.ゆらぎレ ベル (Fluctuation Level: *FL*) は抽出個数の許容最大値 を示すもので,*FL* = 1のときは最大78個 (全体の半数 N/2), FL = 0.3のときは, $(N/2) \times 0.3 = 78 \times 0.3 \simeq 23$ であるので, $0 \sim 23$ 個の範囲内で要素が反転することになる.このゆらぎを,一定の切替時間間隔 (T_I) ごとに対象となる個数と要素をランダムに変更して発生させ,時間的に継続する入力情報 $\{\xi_i^{\mu}(t)\}_{FL}$ を生成した.なお, 各 $\{\xi_i^{\mu}(t)\}_{FL}$ の継続時間は T_I である.

Fig.6 は , $R^1 \sim R^{10}$ の 10 個のパターンを記銘後 , 既 知パターン (Stored Pattern : SP) に R^8 , 未知パターン (Non-Stored Pattern : NSP) に R^{27} を用いたときの入 力情報 $\tilde{\mathbf{S}}(t) = \{\xi_i^8(t)\}_{FL}, \{\xi_i^{27}(t)\}_{FL}$ の経時変化を , そ れぞれのパターン (ゆらぎ無し)との重なり度

$$m_{I}^{\mu}(t) = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \tilde{S}_{i}(t) \xi_{i}^{\mu} = \frac{1}{N} \tilde{\mathbf{S}}(t) \cdot \boldsymbol{\xi}^{\mu}$$
(9)

と,対応するエネルギー値 $E(\hat{\mathbf{S}}(t))$ を用いて3次元的に 図示したものである.学習条件はFig.4と同じであり,入 力情報のゆらぎレベルはFL = 0.3,各ゆらぎの切替時 間間隔は $T_I = 50$ に設定している.m-t平面上への射影 はゆらぎ生成法が同じなので,既知パターン(SP),未知 パターン(NSP)の間で一致している($m_I^8(t) = m_I^{27}(t)$). しかしながら,対応するエネルギー値としては,両パ ターン間で顕著な差が存在する.すなわち,NSPにお いてはエネルギー値は0付近に位置しているのに対し, SP では -120から -60の広い範囲に及んでいる.

入力信号は,こうして作られる入力情報 $\{\xi_i^{\mu}(t)\}_{FL}$ に 信号としての強さを左右するパラメータs(これを信号 強度と呼ぶ)を乗じて,



Fig.6 Time series of stored and non-stored pattern input signals with the same fluctuatin, shown by the energy function and the overlap.

$$\{S_i(t)\} = s\{\xi_i^{\mu}(t)\}_{FL}$$
(10)

の形で構成され,(2)式の内部状態に作用させられることになる.

Fig.6 の入力情報 (SP, NSP) を信号強度 s = 1.25 で ネットワークに入力した場合のネットワーク出力 $\{X_i(t)\}$ の $m_o^{\mu}(t) = (1/N)\mathbf{X}(t) \cdot \boldsymbol{\xi}^{\mu} \geq E(\mathbf{X}(t))$ を, Fig.6 の入 力情報 (図中の破線) とともに示したものが, Fig.7 で ある.未知パターン信号 (Non-Stored Pattern Signal : NSPS) においてはゆらぎによるエネルギ - 変位が小さ いため,ネットワーク出力はほぼ Fig.6 の NSP(R^{27}) に 一致している.一方,既知パターン信号 (Stored Pattern Signal : SPS) の場合にはゆらぎに対応するエネルギ - 変 位が大きいために,ネットワーク出力が Fig.6 の SP(R^8) をトレースできていない.

これらの入力信号に対するネットワーク応答の定量的 な評価には,各時刻の入力信号とそれに対するネット ワーク状態をそれぞれ N 次元ベクトルと考え,以下の ような両ベクトル間の時間相互相関を導入する [15].入 力信号 $\{S_i(t)\}$ とそれに対するネットワーク状態 $\{X_i(t)\}$ (以降,ネットワーク出力と呼ぶこともある)のベクト ルをそれぞれ $\mathbf{S}(t) = (S_1(t), S_2(t), ..., S_N(t))$, $\mathbf{X}(t) = (X_1(t), X_2(t), ..., X_N(t))$ とすると,時間相互相関 r は,

$$r = \frac{C(\mathbf{S}(t), \mathbf{X}(t+1))}{[C(\tilde{\mathbf{S}}(t), \tilde{\mathbf{S}}(t))]^{\frac{1}{2}} [C(\mathbf{X}(t+1), \mathbf{X}(t+1))]^{\frac{1}{2}}}$$
(11)

で定義される.ただし, $C(\mathbf{Y}, \mathbf{Z}) = \overline{(\mathbf{Y} - \overline{\mathbf{Y}}) \cdot (\mathbf{Z} - \overline{\mathbf{Z}})}$, $\tilde{\mathbf{S}} = \mathbf{S}/s$, - は時間平均を示す.Fig.7 の SPS および



Fig.7 Time series of the network responses to stored and non-stored input signals in M = 10 case.

NSPS に対するネットワーク応答の違いをここで導入し た時間相互相関 r を通して評価すると, SPS(R^8) に対 しては r = 0.619, NSPS(R^{27}) に対しては r = 0.997 と なり,出力が入力をトレースできない度合に応じて r 値 が小さくなっている.以上のような評価法に基づいて, 動的記憶想起モデルのネットワーク応答性を信号強度 sを変化させて評価する.

Fig.8 は, Fig.6 と同じ学習条件で記銘パーン数を 20 (M = 20)としたときのネットワーク応答の時系列変化 を表したものである.記銘パターン数の増加すなわち安 定平衡点の増加に伴い,未知パターン状態付近でもいず れかの安定平衡点の引力圏に属するネットワーク状態が 多数存在するようになり,エネルギー関数勾配の影響が 強まっている.設定した信号強度 (s = 1.25)では,未知 パターン信号が信号に対応するネットワーク状態付近ま でネットワークを誘導することができておらず,応答性 の劣化が顕著になっている.既知・未知それぞれの入力 信号に対する時間相互相関 r は, SPS(R^8)に対しては r = 0.635, NSPS(R^{27})に対してはr = 0.759である.

これらの時系列データ (t = 6000 まc)を異なる s ご とに取得し (シミュレーションでの s の刻み幅は 1/16), それぞれの場合の時間相互相関 r を求め,それらをs に 対してグラフ化したのが Fig.9 の信号強度依存性である. 記銘パターン数を 10(M = 10) に設定した場合,s が 1.0より小さい領域ではネットワークは最寄りの局所安定状 態 (入力パターン情報とは離れた状態)に停留したまま で,入力情報を反映していない (r = 0).s が 1.0 を超 えるとネットワークは初期状態の最寄りの局所安定状態 を脱することが可能になり,入力信号に近い状態に導か



Fig.8 Time series of the network responses to stored and non-stored input signals in M = 20 case.



(b) M = 20

Fig.9 Dependence of the network response on the signal strength in the case of (a) M = 10 and (b) M = 20.

れる.そして,既知・未知信号に対応するネットワーク 状態におけるエネルギー関数勾配の違いにより,両信号 に対するネットワーク応答性に,顕著な違いが表れてい る.両者の違いは,s = 1.5付近まで維持されており, この領域で既知と未知の信号識別が可能であることがわ かる.

一方,記銘パターン数を20とした場合は,未知パター ン信号に対するrの信号強度依存性に大きな劣化が表れ, 既知・未知両信号に対するネットワーク応答に差が見ら れなくなっている.このことは,すなわち記銘パターン 数の増加に伴い入力信号の既知と未知の信号識別が困難 になっていることを示している.この信号識別性能の劣 化に対し,信号切替時間間隔(T_I)およびゆらぎレベル (FL)の影響を考察した.

Fig.10 は, T_I を1に設定し, 同様のシミュレーショ



Fig.10 Dependence of the network response on the signal strength in $T_I = 1$ case.

ンを行った結果である、未知信号に対するネットワーク 応答の向上,既知信号に対するネットワーク応答の劣化 が生じ,両者間の差が増大している、ゆらぎによる未知 信号の変動に対し,ネットワークはそれに応じた応答を 示している.これが,ゆらぎの周波数の増加に伴い顕著 に表れたためであると考えられる、一方,既知信号に対 しては,ネットワークがゆらぎの変化に追従できなくな り,既知パターン状態に対応する安定平衡点に停留する 傾向が強くなったためと考えられる.

Fig.11は,さらにゆらぎレベルを小さく設定し(FL = 0.1), r値の信号強度依存性を調べた結果である.ゆら ぎレベルが小さくなることにより,安定平衡点へのネッ トワークの停留傾向は一層強まっている.一方未知信号 に対しては,ゆらぎ変動幅の減少によりネットワークの 動きが鈍化されているが,一定強度(s = 1.5付近)の信 号が与えられると入力信号の影響が強まり,ネットワー ク応答は逆に向上している.



Fig.11 Dependence of the network response on the signal strength in $T_I = 1$ and FL = 0.1 case.

学習条件の変更に対するネットワーク応答 性の評価

以上の結果から,記銘パターン数の増加に対し,T_Iの 減少すなわち信号の切り替え周波数を増加させることに より,既知・未知両信号に対するネットワーク応答の差 が拡大され,信号識別性能に一定の向上がみられること が明らかになった.しかしながら,信号識別に十分機能 するレベルに達していない.特に未知信号に対するネッ トワーク応答の一層の改善が必要である.実際 Fig.8の 時系列データからもネットワーク状態が入力信号(未知 信号)付近に誘導されておらず,信号に対し大きなエネ ルギー関数の変動を生じており,それが r 値の劣化に影 響している.そこで,ネットワークに対する入力信号の 影響が支配的となる信号強度領域を高くすることによ り,信号に対する追従性の向上を図る.このことは,記 銘パターンに対応するネットワーク状態のエネルギー関 数値を小さくすること,すなわち記憶の安定度 γμ を大 きく設定することになる.

Fig.12 は,20 個の記銘パターン $(R^1 \sim R^{20})$ を 2.0 < $\gamma_i^{\mu} \leq 3.0$, c = 0.5 という学習条件でネットワークに記 憶させ,信号切替時間間隔とゆらぎレベルを Fig.10 と 同様の値に設定して $(T_I = 1, FL = 0.3)$,ネットワー ク応答の信号強度依存性を取得した結果である. γ_i^{μ} を 大きく設定するとともに, $\kappa_{max}(= 3.0)$ を与え, γ_i^{μ} を 一定の領域に制限した.また, w_{ij} の更新単位を細かく 設定した (c = 0.5).学習条件変更の影響がネットワー ク応答に表れており,信号識別性能の著しい向上がみら れる.既知・未知両信号に対するネットワーク応答に差 が確認できる信号強度 (s)の範囲は, $s = 2.0 \sim 2.75$ で



Fig.12 Dependence of the network response on the signal strength in $2.0 < \gamma_i^{\mu} \le 3.0$ and c = 0.5 case.

あり, 10 パターンを記銘させた場合 $(s = 1.0 \sim 1.5)$ に 比べ,広い範囲でネットワーク応答の違いが維持されて いる.

記憶の安定度の増加は、エネルギー関数勾配も増加さ せ, (5) 式の,入力信号 S_i(t) とエネルギ - 関数勾配に よる引き込み力 $\partial E(\mathbf{X})/\partial X_i$ 双方を増加させることにな る.しかし,両者の競合関係は,既知と未知および記憶 の安定度 γ_i^{μ} の設定値によって大きく異なることが予想 される. すなわち, γ_i^μ が小さい領域では, 既知・未知両 入力信号に対し,エネルギー関数勾配の影響が支配的と なり $(|\partial E(\mathbf{X})/\partial X_i| > |S_i(t)|)$, 入力信号がネットワー ク応答に反映されない. γ_i^{μ} の増加に伴い,未知信号に対 しては,初期状態から入力信号状態付近に誘導後,信号 の影響が支配的となり ($|\partial E(\mathbf{X})/\partial X_i| < |S_i(t)|$),未知 信号に対する r 値が増加する.一方,既知信号に対して は,エネルギー関数勾配の増加に対する入力信号強度の 増加が十分ではなく $(|\partial E(\mathbf{X})/\partial X_i| > |S_i(t)|)$, 入力信 号の影響がネットワーク応答に反映されない.したがっ て,この領域において,既知・未知両入力信号に対する ネットワーク応答に差が表れると考えられる.

Fig.13 は,記憶の安定度 (γ_i^{μ}) の設定域を変化させて $(\kappa_{max} - \kappa_{min} = 1.0)$,ネットワークの応答性を評価した 結果である. γ_i^{μ} の設定域の増加に伴い,未知信号に対 しては入力信号の影響が支配的となり,ネットワークは 高い相関を示すようになる.一方,既知信号に対しては, rの信号強度依存性にほとんど変化はみられない.すな わち, γ_i^{μ} の増加とともに既知・未知両信号に対するネッ トワーク応答の差が増大している.この傾向は,Fig.12 の学習条件 2.0 < $\gamma_i^{\mu} \leq 3.0(\kappa_{min} = 2.0)$ 付近まで続いて



Fig.13 Dependence of the network response on the signal strength in each region of stability of coefficient in M = 20 case.

いる. γ_i^{μ} をさらに高い領域に設定すると,既知信号に 対しても信号強度の増加に伴う入力信号の影響が表れ, 既知信号に対するr値が高くなりネットワーク応答の差 が小さくなっている.

ここで, γ_i^{μ} の設定域に対する既知と未知の信号識別性能を定量的に評価する指標として,以下に示す $sum(\Delta r(s))$ を導入する.

$$sum(\Delta r(s)) = \sum_{s=s_1}^{s_2} \Delta r(s) \cdot \Delta s \simeq \int_{s_1}^{s_2} \Delta r(s) ds \quad (12)$$

ただし, $\Delta r(s)$ は,各信号強度ごとの既知・未知それぞ れの入力信号に対する時間相互相関rの差,すなわち $\Delta r(s) = r_{R^{27}}(s) - r_{R^8}(s)$, Δs は信号強度の刻み幅である.

Fig.14 は , $sum(\Delta r(s))$ を用いて γ_i^{μ} の設定域 (κ_{max} - $\kappa_{min} = 1.0$) ごとに , 信号識別性能を評価した結果である . 学習条件 $2.0 < \gamma_i^{\mu} \le 3.0(\kappa_{min} = 2.0)$ で , $sum(\Delta r(s))$ 値は最大となっており , この領域でネットワークは高い信号識別性能を有していることがわかる .

Fig.15 は, 2.0 < $\gamma_i^{\mu} \leq 3.0$, c = 0.5 という学習条件で,記銘パターン数を,10,15,20,25 と変化させて,信号識別性能を評価した結果である.記銘パターン数を10 および15 に設定した場合,入力信号の影響が支配的となる信号強度s = 2.0において,未知パターン信号に対するr値はほぼ1.0 に近い値を示しており(M = 10: r = 0.998, M = 15: r = 0.959),学習条件変更の効果が確認できる.記銘パターン数が20,25 と増加するに伴い,未知信号に対するr値の劣化が顕著になる.しかしながら,記銘パターン数を25 に設定した場合でも,既知と未知の信号識別性能は維持されている.



Fig.14 Dependence of the signl identification performance on the stability of coefficient in M = 20 case.



Fig.15 Dependence of the network response on the signal strength in each number of stored patterns in $2.0 < \gamma_i^{\mu} \leq 3.0$ and c = 0.5 case.

5. おわりに

本論文では,従来の連想記憶モデルを拡張し,開放系 としてのシステム化を図った動的記憶想起モデルにおい て,記銘パターン数の増加に伴うパターン識別性能劣 化に対して,パターン記銘時の学習条件の制御を通し てその分析を行うとともに改善を図った.その結果,入 力信号に対するネットワーク応答は,記憶の安定度 γ_i^{μ} の設定値に対し,高い依存性を有していることが明らか になった.この依存性は,既知・未知両入力信号間で異 なっており,信号識別性能が著しく向上する γ_i^{μ} の領域 $(2.0 < \gamma_i^{\mu} \leq 3.0)$ の確保が確認できた.この学習条件に おいては,記銘パターン数の広い設定値 $(M = 10 \sim 25)$ に対し,既知・未知パターン信号の高い識別性能を確認 でき,本提案モデルのロバスト性および汎用性を示すこ とができた.

今後の課題としては,まず,文字,画像等の非直交パ ターンに対する学習条件依存性の分析が挙げられる.非 直交パターンを記銘させた場合,既知と未知のパターン 間の相関により,一層の性能劣化が予想される.そのた め,記憶の安定度 γ_i^{μ} のより細かな調節が必要となる. また,本論文では,既知・未知それぞれ1つのパター ンについてのみ評価・分析を行ったが,全既知パターン およびそれと同数の未知パターンに対するネットワーク 応答性を基に入力情報の既知・未知判定のシステム化を 図っていく必要がある.さらに,記銘(学習)過程と識 別同定過程の融合化,顔識別や画像認識などより一般的 で実用的な課題への適用の検討を進めていきたい.

謝 辞

本研究遂行にあたり,有益なご指導を賜りました兵庫 県立大学大学院西村治彦教授に深甚なる謝意を表します.

参考文献

- M. A. Arbib (ed.): The Handbook of Brain Theory and Neural Networks (2nd Edition); The MIT Press (2002)
- [2] M. Minsky: The Emotion Machine -Commonsense Thinking, Artificial Intelligence, and the Future of the Human Mind-; Simon & Schuster (2007)
- [3] 松村道一: ニューロサイエンス入門; サイエンス社 (1995)
- [4] B.Müller and J.Reinhardt: Neural Networks: An Introduction; Springer-Verlag(1990)
- [5] 中野馨: 人間情報工学 バイオニクスからロボット まで - ; コロナ社 (1996)
- [6] 甘利俊一: 神経回路網モデルとコネクショニズム (新 装版); 東京大学出版会 (2008)
- J.J.Hopfield: Neural networks and physical systems with emergent collective computational abilities; Proc. Natl. Acad. Sci. USA, Vol. 79, pp. 2554-2558(1982)
- [8] H.Nishimura, N.Katada and Y.Fujita: Dynamic Learning and Retrieving Scheme Based on Chaotic Neuron Model; in Complexity and Diversity, ed. R.Nakamura et al., pp. 64-66, Springer-Verlag, Tokyo(1997)
- [9] 西村治彦,堅田尚郁: 刺激 応答機構によるカオス・ニ ューラルネットワークの動的学習特性;システム制御 情報学会論文誌, Vol. 10, No. 10, pp. 518-527(1997)
- [10] 西村治彦,道法浩孝,堅田尚郁:連想記憶型ニュー ラルネットの入出力相関に基づく信号識別機構;電 子情報通信学会論文誌 (A), Vol. J84, No. 11, pp. 1366-1376(2001)
- [11] 道法浩孝,西村治彦,堅田尚郁:自己想起型ニュー ラルネットの入出力相関によるパターン識別機構;
 第46回システム制御情報学会講演論文集,pp. 581-582(2002)

- [12] 道法浩孝,西村治彦,堅田尚郁:信号ゆらぎへの ニューラルネット応答特性による動的パターン認識 モデリング;第18回インテリジェント・システム・ シンポジウム講演論文集,pp. 491-496(2008)
- [13] 道法浩孝,長尾夏樹,堅田尚郁:動的自己想起型ニ ューラルネットによる相関パターン識別;高知大学 教育学部研究報告,第70号,pp.119-128(2010).
- S.Diederich and M.Opper: Learning of Correlated Patterns in Spin-Grass Networks by Local Learning Rules; Phys.Rev.Lett., Vol. 58, pp. 949-952(1987)
- [15] H.Nishimura, N.Katada and K.Aihara: Coherent Response in a Chaotic Neural Network; Neural Processing Letters, Vol. 12, No.1, pp. 49-58, Aug. (2000)

平成22年(2010)12月14日受理 平成22年(2010)12月31日発行